Análisis Multivariado

Producto académico 01

Kevin Heberth Haquehua Apaza

14 de julio del 2025

# Ejercicios Distribución Normal Multivariante e Inferencia

## Ejercicio 1:

Se tiene la matriz de datos X\_1:

X\_1 = matrix(c(6,10,8,9,6,3),3,2) ; X\_1

## [,1] [,2]  
## [1,] 6 9  
## [2,] 10 6  
## [3,] 8 3

Pruebe si el vector de medias muestrales igual al vector , usando el nivel de significancia

### Solución

Aca se adjunta la solución

## Ejercicio 2:

Se tiene la matriz de datos X\_2:

X\_2 = matrix(c(2,8,6,8,12,9,9,10),4,2) ; X\_2

## [,1] [,2]  
## [1,] 2 12  
## [2,] 8 9  
## [3,] 6 9  
## [4,] 8 10

Pruebe si el vector de medias muestrales igual al vector , usando el nivel de significancia

### Solución

Aca va la solución

## Ejercicio 3:

Se analizó la transpiración de 20 mujeres saludables: Se midieron tres componentes

* x1: tasa de sudoración
* x2: contenido de sodio
* x3: contenido de potasio.

El cual el resultado es el siguiente

Individuo <- 1:20   
x1 <- c(3.7, 5.7, 3.8, 3.2, 3.1, 4.6, 2.4, 7.2, 6.7, 5.4,  
 3.9, 4.5, 3.5, 4.5, 1.5, 8.5, 4.5, 6.5, 4.1, 5.5)  
x2 <- c(48.5, 65.1, 47.2, 53.2, 55.5, 36.1, 24.8, 33.1, 47.4, 54.1,  
 36.9, 58.8, 27.8, 40.2, 13.5, 56.4, 71.6, 52.8, 44.1, 40.9)  
x3 <- c(9.3, 8.0, 10.9, 12.0, 9.7, 7.9, 14.0, 7.6, 8.5, 11.3,  
 12.7, 12.3, 9.8, 8.4, 10.1, 7.1, 8.2, 10.9, 11.2, 9.4)  
X3 <- data.frame(Individuo = Individuo,  
 x1 = x1,  
 x2 = x2,  
 x3 = x3)  
X3

## Individuo x1 x2 x3  
## 1 1 3.7 48.5 9.3  
## 2 2 5.7 65.1 8.0  
## 3 3 3.8 47.2 10.9  
## 4 4 3.2 53.2 12.0  
## 5 5 3.1 55.5 9.7  
## 6 6 4.6 36.1 7.9  
## 7 7 2.4 24.8 14.0  
## 8 8 7.2 33.1 7.6  
## 9 9 6.7 47.4 8.5  
## 10 10 5.4 54.1 11.3  
## 11 11 3.9 36.9 12.7  
## 12 12 4.5 58.8 12.3  
## 13 13 3.5 27.8 9.8  
## 14 14 4.5 40.2 8.4  
## 15 15 1.5 13.5 10.1  
## 16 16 8.5 56.4 7.1  
## 17 17 4.5 71.6 8.2  
## 18 18 6.5 52.8 10.9  
## 19 19 4.1 44.1 11.2  
## 20 20 5.5 40.9 9.4

Pruebe si el vector de medias muestrales igual al vector , usando el nivel de significancia

### Solución

Aca va la solución

## Ejercicio 4:

Tenemos una muestra de 15 mujeres y 12 hombres. En la tabla siguiente se presenta la media de los valores de las diferentes variables medidas.

### Solución

Aca va la solución

## Ejercicio 5:

En un país, el gobierno federal exige que el Departamento de Control de Calidad de toda fábrica de hornos microondas monitoree la cantidad de radiación emitida cuando las puertas del horno están cerradas y cuando éstas están abiertas. Se observaron las radiaciones emitidas por 42 hornos elegidos al azar. Los datos aparecen en la tabla, con la puerta abierta y con la puerta cerrada.

1. Hacer un Q-Q-plot con los datos univariados y además testear su normalidad.
2. Una transformación de Box y Cox que mejora la normalidad de los datos para la puerta cerrada se obtiene . Aplicar la transformación a ambas variables y comprobarlo a través de nuevos Q-Q-plots y pruebas de normalidad.
3. Hallar para los datos transformados.
4. Comprobar que los datos transformados efectivamente siguen una distribución , hallar la elipse de confianza de nivel simultáneo 0.95 , dar sus direcciones principales, la longitud de sus ejes y hacer un gráfico aproximado.
5. Testear versus con nivel 0.05
6. Testear versus con nivel 0.05
7. Testear versus con nivel 0.05

DatoHornos <- data.frame(Horno = 1:42,  
 Abierto = c(0.3, 0.09, 0.3, 0.1, 0.1, 0.12, 0.09, 0.1,  
 0.24, 0.1, 0.07, 0.05, 0.04, 0.45, 0.12, 0.2,  
 0.04, 0.01, 0.01, 0.6, 0.12, 0.1, 0.35, 0.3,  
 0.15, 0.3, 0.15, 0.09, 0.09, 0.28, 0.1, 0.1, 0.1, 0.5,  
 0.12, 0.25, 0.3, 0.4, 0.2, 0.32, 0.2, 0.12),  
 Cerrado = c(0.15, 0.09, 0.18, 0.1, 0.05, 0.12, 0.08, 0.05,  
 0.1, 0.08, 0.12, 0.02, 0.1, 0.1, 0.1, 0.1,  
 0.02, 0.1, 0.01, 0.4, 0.1, 0.05, 0.03, 0.05,  
 0.1, 0.15, 0.15, 0.01, 0.08, 0.18, 0.1, 0.2,  
 0.11, 0.3, 0.02, 0.06, 0.2, 0.3, 0.4, 0.41, 0.3, 0.05))  
DatoHornos

## Horno Abierto Cerrado  
## 1 1 0.30 0.15  
## 2 2 0.09 0.09  
## 3 3 0.30 0.18  
## 4 4 0.10 0.10  
## 5 5 0.10 0.05  
## 6 6 0.12 0.12  
## 7 7 0.09 0.08  
## 8 8 0.10 0.05  
## 9 9 0.24 0.10  
## 10 10 0.10 0.08  
## 11 11 0.07 0.12  
## 12 12 0.05 0.02  
## 13 13 0.04 0.10  
## 14 14 0.45 0.10  
## 15 15 0.12 0.10  
## 16 16 0.20 0.10  
## 17 17 0.04 0.02  
## 18 18 0.01 0.10  
## 19 19 0.01 0.01  
## 20 20 0.60 0.40  
## 21 21 0.12 0.10  
## 22 22 0.10 0.05  
## 23 23 0.35 0.03  
## 24 24 0.30 0.05  
## 25 25 0.15 0.10  
## 26 26 0.30 0.15  
## 27 27 0.15 0.15  
## 28 28 0.09 0.01  
## 29 29 0.09 0.08  
## 30 30 0.28 0.18  
## 31 31 0.10 0.10  
## 32 32 0.10 0.20  
## 33 33 0.10 0.11  
## 34 34 0.50 0.30  
## 35 35 0.12 0.02  
## 36 36 0.25 0.06  
## 37 37 0.30 0.20  
## 38 38 0.40 0.30  
## 39 39 0.20 0.40  
## 40 40 0.32 0.41  
## 41 41 0.20 0.30  
## 42 42 0.12 0.05

### Solución

Aca va la solución